

DESDE 2013 https://repository.uaeh.edu.mx/revistas/index.php/icbi/issue/archive Pädi Boletín Científico de Ciencias Básicas e Ingenierías del ICBI



Publicación Semestral Pädi Vol. 9 No. 18 (2022) 56-64

Implementación de un MPC en un intercambiador de calor usando LabVIEW MPC implementation in an heat exchanger using LabVIEW

A. Namigtle-Jiménez ^[]a,*, O. Bautista-Merino ^[]a, J. Namigtle-Jiménez ^[]b, O. Cortés-Vázquez^a, L.E. Namigtle-Jiménez ^[]c

^a Programa Educativo de Mecatrónica, Universidad Tecnológica de Tehuacán, 75859, Tehuacán, Puebla, México ^bDepartamento de Ingeniería Mecatrónica, Tecnológico de Estudios Superiores de Jocotitlán, 50700, Jocotitlán, Estado de México, México ^c Posgrado de Electrónica, Instituto Nacional de Astrofísica, Óptica y Electrónica, 72840, Puebla, México

Resumen

En el presente artículo se muestran los resultados obtenidos en la implementación de un controlador predictivo basado en modelo (MPC) aplicado a un intercambiador de calor utilizando LabVIEW de National Instruments. Un modelo nominal de un intercambiador de calor se tomó de la literatura. Se aplicó al modelo nominal la expansión en series de Taylor en un punto de operación definido naturalmente por el sistema para obtener una ecuación lineal del sistema de interés. El algoritmo de control discreto se implementa en software y se ejecuta en tiempo real con apoyo de una tarjeta de adquisición de datos NIDAQ6008 de National Instruments. La estimación de los parámetros físicos son experimentales y algunos de proveedor. El algoritmo implementado asegura la regulación de la temperatura de los fluidos que interactúan en el sistema.

Palabras Clave: MPC, Intercambiador de calor, NIDAQ6008, LabVIEW, Series de Taylor, Modelado de proceso

Abstract

In the present paper the results obtained in the implementation of the based-model predictive controller (MPC) applied to an heat exchanger using LabVIEW of National Instruments is showed. A nominal model of heat exchanger was taking from literature. Taylor?s series expansion of the nominal equation around a naturally defined operating point by the system was applied to obtain a linear equation of the system of interest. Discrete algorithm control is implemented under software and it's runs online using NIDAQ6008 data acquisition board of National Instruments. Physics parameters estimation are experimental and supplier data. The algorithm implemented ensure the temperature regulation of the fluids that interact in the system.

Keywords: MPC, Heat Exchanger, NIDAQ6008, LabVIEW, Taylor's Series, Process modeling

1. Introducción

En las grandes plantas químicas el consumo energético es elevado respecto al resto de recursos implicados en el proceso y por lo general requieren sistemas de recuperación de energía para mantener la operación a un nivel económico competitivo. Para lograr este objetivo se hace uso generalmente de intercambiadores de calor ya que desempeñan un papel importante principalmente en refinerías de petróleo y plantas petroquímicas, en donde flujos calientes generados en un gran número de procesos se pueden utilizar para aumentar la energía térmica de los flujos fríos que alimentan a otros procesos (Bemporad et al., 2004; González et al., 2006).

Las condiciones de salidas térmicas de varias corrientes du-

rante el proceso en el intercambiador de calor deben controlarse cerca de los valores deseados asociados a las especificaciones de los productos, las restricciones ambientales y las limitaciones de seguridad sin reducir la eficiencia de la operación. Por lo tanto, el requisito habitual de satisfacer los objetivos de control debe cumplirse sin reducir la integración del calor o, casi de forma equivalente, manteniendo un bajo consumo de servicios.

Existen trabajos donde implementaron controladores a sistemas y/o procesos químicos y han brindado buenos resultados. En muchos de estos trabajos se han diseñado e implementado controladores PID y MPC (Mercangöz et al., 2007; Sivakumar and Mathew, 2013; Zhang et al., 2020; Sawant et al., 2020)

Distintos investigadores han resaltado las diferencias de di-



^{*}Autor para correspondencia: alfredo.namigtle@uttehuacan.edu.mx (Alfredo Namigtle Jiménez), oscar.bautista@uttehuacan.edu.mx (Óscar Bautista Merino), jesus.namigtle@tesjo.edu.mx (Jesús Namigtle Jiménez), odon.cortes@uttehuacan.edu.mx (Ódon Cortés Vázquez), enrique.namigtle@inaoep.mx (Luis Enrique Namigtle Jiménez).

seño y de rendimiento de un controlador Proporcional-Integral-Derivativo(PID) y un Controlador Predictivo basado en modelo (MPC). Se ha notado que un controlador MPC es mejor que un PID en términos como el sobrepaso máximo (Mp), tiempo se asentamiento (ts), tiempo de levantamiento (tr) y error en estado estable (ess) (Eliana Pena et al., 2008; Thomsen et al., 2010; Mapok et al., 2013; Salem and Mosaad, 2015).

Los controladores PID han producido resultados prometedores en procesos industriales, pero su rendimiento puede degradarse si las condiciones de funcionamiento de los sistemas varían de las condiciones de ajuste (Mercangöz et al., 2007; Afram and Janabi-Sharifi, 2014; Salem and Mosaad, 2015; Sawant et al., 2020). Por otro lado, el control predictivo es una técnica de control avanzado que generalmente es usado en procesos industriales que tiene como objetivo predecir comportamientos futuros del sistema modelado. Además es más potente que el control PID, incluso para bucles simples sin restricciones, sin ser mucho más difícil de afinar, incluso en bucles difíciles como los que contienen largos retrasos de tiempo. (Maciejowski, 2002; González et al., 2006; Yilmazlar and Kaplanoğlu, 2012; Sivakumar and Mathew, 2013; Zhang et al., 2020).

El control predictivo basado en modelo es un método avanzado de control de procesos que ha evolucionado conforme a las nuevas tecnologías computacionales; en donde el controlador utiliza un modelo dinámico del proceso para predecir las trayectorias de salida y realiza una optimización en línea limitada para determinar la secuencia de entrada futura óptima (Diehl et al., 2001; Holkar and Waghmare, 2010). El controlador MPC dejó de considerarse cuando los sistemas computacionales no eran capaces de procesar algoritmos que este exigía (Wang, 2009).

El mérito más importante del MPC es que permite optimizar el intervalo de tiempo actual, sin dejar de tener en cuenta los intervalos de tiempo futuros, es decir, se optimiza un horizonte temporal finito, mientras que el intervalo de tiempo actual simplemente se implementa. Por lo tanto, el MPC tiene la capacidad de predecir el comportamiento futuro y puede implementar acciones de control en consecuencia (Orukpe, 2012).

En este trabajo se muestra la metodología empleada para el diseño de un controlador MPC. Primero se muestra los resultados en simulación y posteriormente su implementación en tiempo real usando software y hardware de National Instruments.

2. Intercambiador de calor

En este trabajo se diseña y se implementa un controlador MPC en un intercambiador de calor. El sistema propuesto es un intercambiador de calor de tubos concéntricos de contraflujo (ver Figura 1), que básicamente es un sistema en el que se lleva a cabo una transferencia de energía, en este caso, entre dos fluidos a diferentes temperaturas siendo este un sistema MIMO (Multiple Input, Multiple Output) con dos entradas y dos salidas (Thulukkanam, 2013).



Figura 1: Estructura del intercambiador de calor de tubos concéntricos de contraflujo.

Se elige el modelo matemático nominal simplificado propuesto en (Weyer et al., 2000; Astorga-Zaragoza et al., 2008) ya que mantiene las características principales de comportamiento bajo las siguientes suposiciones:

- S1. El volumen es constante en los tubos.
- S2. La taza de transferencia de calor depende linealmente de la diferencia de temperatura entre los dos tubos.
- S3. El coeficiente de transferencia de calor está relacionado a las temperaturas de los fluidos.
- S4. No existe transferencia de calor entre el ambiente y el lado frío.
- S5. Las propiedades termofísicas de los fluidos son constantes.
- S6. Se ignora el almacenamiento de la energía en las paredes.

La ecuación (1) representa el modelo nominal del intercambiador de calor a partir de las ecuaciones de balance de energía (Bequette (2003)).

$$\dot{T}_{co} = \frac{v_c}{V_c} (T_{ci} - T_{co}) + \frac{UA}{V_c \rho_c c_{pc}} (T_{ho} - T_{co}),$$

$$\dot{T}_{ho} = \frac{v_h}{V_h} (T_{hi} - T_{ho}) - \frac{UA}{V_h \rho_h c_{ph}} (T_{ho} - T_{co}).$$
(1)

La Tabla 1 muestra los parámetros del intercambiador de calor. T_{ci} , T_{hi} son las entradas del sistema y T_{co} , T_{ho} corresponden a los estados del sistema. Note que todas las variables de la tabla son positivas por definición (Weyer et al., 2000).

Tabla 1: Parámetros del Intercambiador de calor			
Parámetro	Descripción		
A	Área superficial de la transferencia de calor		
c_{pc}	Calor específico del lado frío		
c_{ph}	Calor específico del lado caliente		
T_{ci}, T_{hi}	Temperaturas de entrada caliente y frío		
T_{co}, T_{ho}	Temperaturas de salida caliente y frío		
U	Coeficiente de transferencia de calor		
v_c	Flujo del líquido en el lado frío		
v_h	Flujo del líquido en el lado caliente		
V_c	Volumen en lado frío		
V_h	Volumen en lado caliente		
$ ho_c$	Densidad del flujo frío		
$ ho_h$	Densidad del flujo caliente		

La Figura 2 muestra el comportamiento del sistema debido a los parámetros de la Tabla 2. Cabe mencionar que se consideró a $T_{co} = 45^{\circ}C$ y $T_{ho} = 80^{\circ}C$ como valores iniciales.



Figura 2: Respuesta del sistema en estado estable

Se puede observar en la Figura 2 que $T_{ho} = 73,26^{\circ}C$ y $T_{co} = 48,11^{\circ}C$ en régimen permanente aproximadamente. Para comprobar el estado estable del sistema se iguala a cero (1) quedando (2).

$$0 = \frac{v_c}{V_c} (T_{ci} - T_{co}) + \frac{UA}{V_c \rho_c c_{pc}} (T_{ho} - T_{co}),$$

$$0 = \frac{v_h}{V_h} (T_{hi} - T_{ho}) - \frac{UA}{V_h \rho_h c_{ph}} (T_{ho} - T_{co}).$$
(2)

Cuando \dot{T}_{co} y \dot{T}_{ho} toman el valor de cero indica que ya no existe cambio en la salida y por lo tanto es constante, es decir, está en estado estable. Se asignan valores según los parámetros de la Tabla 2 en (2) para obtener (3).

 Tabla 2: Valores experimentales de los parámetros del Intercambiador de calor

 Parámetro
 Valor

raianicuo	valui	
Α	$0,0199m^2$	
c_{pc}	$4,1792 \times 10^3 \frac{J}{Kg}^{o} C$	
C_{ph}	$4,1903 \times 10^3 \frac{J}{Kg}^{o} C$	
T_{ci}, T_{hi}	°C	
T_{co}, T_{ho}	^{o}C	
U	$1055,9\frac{W}{m^2}{}^{o}C$	
v_c	$6,67 \times 10^{-6} m^3/s$	
v_h	$1,67 \times 10^{-5} m^3/s$	
V_c	$9,6792 \times 10^{-5} m^3$	
V_h	$2,2337 \times 10^{-5} m^3$	
$ ho_c$	$988,8765 kg/m^3$	
$ ho_h$	$975,8765 kg/m^3$	

$$0 = 0,0689(T_{ci} - T_{co}) + 0,0525(T_{ho} - T_{co}), 0 = 0,7476(T_{hi} - T_{ho}) - 0,2300(T_{ho} - T_{co}).$$
(3)

y ahora considerando $T_{ci} = 29^{\circ}C$ y $T_{hi} = 81^{\circ}C$ para resolver (3)

$$-1,9981 = -0,1214T_{co} + 0,0525T_{ho}, -60,55 = 0.23T_{co} - 0.9776T_{ho},$$
(4)

y resolviendo este sistema de ecuaciones de (4) se tiene que $T_{ho} = 73,26^{\circ}C$ y $T_{co} = 48,14^{\circ}C$. Con los resultados obtenidos se garantiza el modelo matemático simplificado para uso en el diseño del controlador MPC.

3. Modelo lineal del intercambiador de calor

Para fines del diseño del MPC en esta investigación, se necesita tener un sistema de la forma

$$\dot{x} = Ax + Bu,$$

$$y = Cx.$$
(5)

correspondiente a un sistema lineal. Por lo que, considerando a (1) se logra obtener (6)

$$\frac{d(T_{co})}{dt} = f_1(T_{co}, T_{ho}, T_{ci}, T_{hi}) =
\frac{v_c}{V_c}(T_{ci} - T_{co}) + \frac{UA}{V_c \rho_c c_{pc}}(T_{ho} - T_{co}),
\frac{d(T_{ho})}{dt} = f_2(T_{co}, T_{ho}, T_{ci}, T_{hi}) =
\frac{v_h}{V_h}(T_{hi} - T_{ho}) - \frac{UA}{V_h \rho_h c_{ph}}(T_{ho} - T_{co}).$$
(6)

Es importante notar que T_{co} y T_{ho} son los estados x_1 y x_2 respectivamente, mientras que las entradas T_{ci} , T_{hi} se representan como u_1 y u_2 , respectivamente (ver (7)).

$$\dot{x_1} = \frac{v_c}{V_c}(u_1 - x_1) + \frac{UA}{V_c \rho_c c_{pc}}(x_2 - x_1),$$

$$\dot{x_2} = \frac{v_h}{V_h}(u_2 - x_2) - \frac{UA}{V_h \rho_h c_{ph}}(x_2 - x_1).$$
(7)

Posteriormente, la linealización del sistema dado por (7) se dio a partir del empleo de la expansión de las series de Taylor alrededor del punto de operación definido en (4) (Sorenson and Kristiansen, 2007).

Sustituyendo los valores de Tabla 2 en (7) se obtiene (8).

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1\\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.1214 & 0.0525\\ 0.23 & -0.9777 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1\\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.2996 \times 10^6 & 0\\ 0 & 3.6263 \times 10^6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1\\ u_2 \end{bmatrix},$$
(8)
$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0\\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1\\ x_2 \end{bmatrix}.$$

Entonces ahora, ya que se tiene el sistema continuo linealizado y expresado en espacio de estados se pasa a discretizar. Un sistema discreto se representa por (9).

$$x[k+1] = \phi x[k] + \Gamma u[k],$$

$$y[k] = Cx[k].$$
(9)

en donde,

$$\phi(t) = e^{\mathbf{A}t} = \mathcal{L}^{-1}\{(\mathbf{I}s - \mathbf{A})^{-1}\},$$

$$\Gamma = \int_0^h \phi \, d\tau \cdot \mathbf{B}.$$
(10)

considerando un periodo de muestreo de h = 0,01s se obtiene,

$$\boldsymbol{x}[\boldsymbol{k}+\boldsymbol{1}] = \begin{bmatrix} 0.9880 & 0.0050\\ 0.0218 & 0.9069 \end{bmatrix} \boldsymbol{x}[\boldsymbol{k}] + \\ \begin{bmatrix} 0.2978 \times 10^5 & 0.0092 \times 10^5\\ 0.0033 \times 10^5 & 3.4547 \times 10^5 \end{bmatrix} \boldsymbol{u}[\boldsymbol{k}], \qquad (11) \\ \boldsymbol{y}[\boldsymbol{k}] = \begin{bmatrix} 1 & 0\\ 0 & 1 \end{bmatrix} \boldsymbol{x}[\boldsymbol{k}].$$

4. Diseño del MPC en el intercambiador de calor

Para llevar a cabo el diseño del MPC, se empleó la metodología presentada en (Wang, 2009) en donde se recomienda como primer paso hacer uso de la (5) en donde u es la variable manipulada o de entrada, y es la salida y x es el vector de estados, y para un sistema MIMO, estas variables tiene las dimensiones $n \times n$, $n \times m$ y $q \times n$ respectivamente, es decir, un sistema con m entradas, q salidas y n estados. Posteriormente se obtiene un modelo aumentado del sistema (ver (12)).

$$\begin{bmatrix} \Delta x[k+1] \\ y[k+1] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & 0_{qxn} \\ CA & I_{qxq} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x[k] \\ y[k] \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B \\ CB \end{bmatrix} \Delta u[k], \quad (12)$$

$$y[k] = \begin{bmatrix} 0_{qxn} & I_{qxq} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x[k] \\ y[k] \end{bmatrix}.$$
 (13)

Entonces considerando (11) y realizando el modelo aumentado se obtiene

$$\begin{bmatrix} \Delta x[k+1] \\ y[k+1] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,9880 & 0,0050 & 0 & 0 \\ 0,0218 & 0,9069 & 0 & 0 \\ 0,9880 & 0,0050 & 1 & 0 \\ 0,0218 & 0,9069 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x[k] \\ y[k] \end{bmatrix} + \\ \begin{bmatrix} 0,2978 \times 10^5 & 0,0092 \times 10^5 \\ 0,0033 \times 10^5 & 3,4547 \times 10^5 \\ 0,2978 \times 10^5 & 0,0092 \times 10^5 \\ 0,0033 \times 10^5 & 3,4547 \times 10^5 \end{bmatrix} \Delta u[k], \\ y[k] = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x[k] \\ y[k] \end{bmatrix}.$$
(14)

A continuación, considerando (15) se deben obtener las matrices F y Φ .

$$Y = F x(k_i) + \Phi \Delta U \tag{15}$$

donde

$$F = \left[\boldsymbol{C} \boldsymbol{A} \; \boldsymbol{C} \boldsymbol{A}^2 \; \boldsymbol{C} \boldsymbol{A}^3 \; \dots \; \boldsymbol{C} \boldsymbol{A}^{H_p} \right]^T, \tag{16}$$

$$\Phi = \begin{bmatrix} CB & 0 & 0 & 0 \\ CAB & CB & 0 & 0 \\ CA^{2}B & CAB & CB & 0 \\ \vdots \\ CA^{H_{p}-1}B & CA^{H_{p}-2}B & CA^{H_{p}-3}B & CA^{H_{p}-H_{c}}B \end{bmatrix}.$$
 (17)

En este caso se consideró un horizonte de predicción $H_p = 10$ y un horizonte de control $H_c = 4$, por lo que Φ y F son:

	[0,030	0,001	0	0	0	0	0	0 1
Φ =	0,000	0,346	0	0	0	0	0	0
	0,059	0,004	0,030	0,001	0	0	0	0
	0,001	0,659	0,000	0,346	0	0	0	0
	0,088	0,008	0,059	0,004	0,030	0,001	0	0
	0,003	0,943	0,001	0,659	0,000	0,346	0	0
	0,117	0,013	0,088	0,008	0,059	0,004	0,030	0,001
	0,005	1,201	0,003	0,943	0,001	0,659	0,000	0,346
	0,145	0,020	0,117	0,013	0,088	0,008	0,059	0,004
	0,007	1,435	0,005	1,201	0,003	0,943	0,001	0,659
	0,174	0,028	0,145	0,020	0,117	0,013	0,088	0,008
	0,010	1,647	0,007	1,435	0,005	1,201	0,003	0,943
	0,201	0,037	0,174	0,028	0,145	0,020	0,117	0,013
	0,013	1,840	0,010	1,647	0,007	1,435	0,005	1,200
	0,229	0,046	0,201	0,037	0,173	0,028	0,145	0,020
	0,017	2,015	0,013	1,840	0,010	1,647	0,007	1,435
	0,256	0,057	0,229	0,046	0,201	0,037	0,174	0,028
	0,020	2,174	0,017	2,015	0,013	1,840	0,010	1,647
	0,283	0,068	0,256	0,057	0,229	0,046	0,201	0,037
	0,025	2,318	0,020	2,174	0,017	2,015	0,013	1,840
								(18)

	[0,9880	0,0050	1,0	0]		
F =	0,0218	0,9069	0	1,0		
	1,9642	0,0144	1,0	0		
	0,0631	1,7295	0	1,0		
	2,9289	0,0278	1,0	0		
	0,1218	2,4758	0	1,0		
	3,8823	0,0448	1,0	0		
	0,1960	3,1528	0	1,0		
	4,8247	0,0649	1,0	0		
	0,2841	3,7672	0	1,0		(10)
	5,7561	0,0878	1,0	0	•	(19)
	0,3845	4,3249	0	1,0		
	6,6769	0,1132	1,0	0		
	0,4959	4,8311	0	1,0		
	7,5871	0,1409	1,0	0		
	0,6169	5,2908	0	1,0		
	8,4870	0,1705	1,0	0		
	0,7466	5,7083	0	1,0		
	9,3768	0,2018	1,0	0		
	0,8837	6,0876	0	1,0		

El control óptimo incremental dentro de una ventana de optimización esta dada por (20)

$$\Delta U = (\Phi^T \Phi + r_w \overline{R})^{-1} (\Phi^T \overline{R}_s r(k_i) - \Phi^T F x(k_i)), \qquad (20)$$

donde $\Phi^T \Phi$ tiene una dimensión de $mH_c \times mH_c$ y $\Phi^T F$ es de dimensión $mH_c \times n$, además $\Phi^T \overline{R}_s$ es igual a las q columnas de $\Phi^T F$. \overline{R} es la matriz de ponderación de la misma dimensión que $\Phi^T \Phi$ precedida por r_w que tiene la función de sintonizar la respuesta del sistema. El vector de referencia $r(k_i) = [r_1(k_i)r_2(k_i)\dots r_q(k_i)]^T$, es decir, su tamaño corresponde a la cantidad de salidas del sistema. Por último se aplicó el principio de control de horizonte finito, en donde los elementos *m* en ΔU se tomaron para formar el control óptimo incremental (ver (21)).

$$\Delta u(k_i) = \begin{bmatrix} I & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix} (\Phi^T r_w \Phi + \overline{R})^{-1} (\Phi^T \overline{R}_s r(k_i) - \Phi^T F x(k_i)),$$
(21)

en donde $\begin{bmatrix} I & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix}$ tiene un tamaño según H_c e I y 0 son la matriz identidad y matriz cero respectivamente, ambos de tamaño $m \ge m$.

5. Simulación del MPC en el intercambiador de calor

Es importante tener bien en claro las dimensiones de las matrices generadas, ya que de estas dependen las operaciones que se realicen. Cabe mencionar que cuando se tiene un sistema SISO (Single Input, Single Output), \overline{R}_s es un vector $\begin{bmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 \end{bmatrix}$ del tamaño de H_p , pero en el caso de los sistemas MIMO, \overline{R}_s corresponde a una matriz del tamaño $mH_p \times q$.



La Figura 3 muestra las señales de salida, T_{co} y T_{ho} respectivamente, para distintos valores de r_w y con una referencia de valor $r(k_i) = \begin{bmatrix} 55 & 65 \end{bmatrix}^T$. También se puede apreciar que la respuesta de ambas salidas se hace más lenta conforme el parámetro de sintonización r_w se hace más grande. Cuando $r_w = 0$ la salida llega al valor deseado aproximadamente en la primer iteración, mientras que le lleva más tiempo converger hacia la referencia con $r_w = 20 \times 10^{10}$. En la Figura 4 se observan que la señales de control se minimizan muy rápido cuando $r_w = 0$.



Figura 3: Respuesta del sistema a distintos valores de r_w



Figura 4: Señal de control de cada variable de interés

En la Figura 5 se observa la respuesta del sistema con un distintos valores en la referencia T_{co} y T_{ho} durante el proceso y un valor en $r_w = 10 \times 10^{10}$.



Figura 5: Respuesta del sistema

El tamaño de r_w tiene una magnitud grande a causa de los valores de la matriz *B*.

6. Implementación del MPC en el intercambiador de calor

Con propósitos prácticos y con el fin de comprobar el funcionamiento del controlador MPC según el diseño mostrado anteriormente, se implementó en un sistema intercambiador de calor.

El algoritmo de control se ha diseñado en LabVIEW usando la NIDAQ6008 de *National Instruments* para la adquisición de datos. Se ha tomado como referencia el diagrama de control de la Figura 6 tomado de (Wang, 2009).

Se puede observar en la Figura 6 que la planta o sistema está representado por los bloques que se encuentran dentro de la línea punteada roja, por lo tanto en la práctica, el intercambiador de calor es quien reemplaza a esa sección. Cabe mencionar que se ha diseñado un controlador MPC a partir de la representación lineal del sistema, sin embargo, el sistema en su forma física tiene un comportamiento no lineal. Por lo anterior se espera que el controlador tenga un buen rendimiento cerca del punto de operación en el que fue linealizado el sistema. Las Ecuaciones (23) y (24) proporcionan los valores K_x y K_y .



Figura 6: Control MPC discreto

$$K_{y} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix} \left(\Phi^{T} \Phi + \overline{R} \right)^{-1} \left(\Phi^{T} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} \right)$$
(23)

$$K_{y} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix} \left(\Phi^{T} \Phi + \overline{R} \right)^{-1} \left(\Phi^{T} F \right)$$
(24)



Figura 7: Interfaz del controlador MPC diseñado en LabVIEW

Se propusieron los siguientes valores para la implementación, Hc = 1, Hp = 2000 y $rw = 8 \times 10^{17}$, obteniendo los siguientes resultados en las ganancias K_y y K_{mpc}

$$K_{y} = \begin{bmatrix} 0,058 \times 10^{-7} & 0,011 \times 10^{-7} \\ 0,031 \times 10^{-7} & 0,113 \times 10^{-7} \end{bmatrix}$$
(25)
=
$$\begin{bmatrix} 0,283 \times 10^{-7} & 0,009 \times 10^{-7} & 0,058 \times 10^{-7} & 0,011 \times 10^{-7} \\ 0,269 \times 10^{-7} & 0,019 \times 10^{-7} & 0,031 \times 10^{-7} & 0,113 \times 10^{-7} \end{bmatrix}$$
(26)

Antes de realizar la implementación fue necesario llevar a cabo la caracterización de los sensores de temperatura y de las válvulas que son las que permiten la manipulación del flujo. La Figura 8 muestra las curvas de caracterización de los sensores.

Kmpc

Cabe mencionar que el ajuste de los sensores fue con una ecuación polinomial de la forma ax + b, mientras que para los actuadores se empleo $a(sin(x - \pi)) + b((x - 10)^2) + c$. También se puede apreciar en la Figura 9 que existen dos curvas por actuador, y esto es porque presentan el fenómeno de histéresis.

Posteriormente se llevaron a cabo las pruebas en el intercambiador de calor con la implementación del controlador MPC.



Figura 8: Caracterización de sensores en ^oC.



Figura 9: Caracterización de válvulas del flujo de agua caliente y fría.

7. Resultados de la implementación

A continuación se muestran los resultados obtenidos con la implementación del MPC. En la Figura 10 se puede observar la respuesta del sistema con un cambio de referencia de $T_{ho} = 71^{\circ}C$ a $T_{ho} = 67^{\circ}C$. Al mismo tiempo se puede apreciar que la señal cuenta con *ruido* dada por la medición. Otro aspecto importante es que tarda aproximadamente 5,3 minutos para llegar al punto de consigna.

Posteriormente se aplicó el método de la media cuadrática con longitud de 10 datos, esto con el fin de tener una señal sin

ruido en donde t_1 y t_2 corresponde al intervalo de muestreo.

$$x_{rms} = \sqrt{\frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} [f(x)]^x dt}$$
(27)



Figura 10: Respuesta del sistema con cambio de referencia en T_{co} .



Figura 11: Respuesta del sistema con cambio de referencia en T_{ho} .



Figura 12: Respuesta del sistema con cambio de referencia en T_{ho} .



Figura 13: Respuesta del sistema con cambio de referencia en T_{ho} .



Figura 14: Señales de control obtenidas en el experimento de la Fig. (13)

8. Conclusiones

La implementación del controlador MPC en el sistema del intercambiador de calor fue complejo ya que, en este caso, se tuvo que realizar la caracterización de cada sensor y actuador, la puesta en marcha y la búsqueda de su respuesta en régimen permanente según parámetros y condiciones iniciales. La propiedad de histéresis en los actuadores exigió más esfuerzo como parte de la instrumentación del equipo. Además cabe señalar que, las señales de entrada y salida del intercambiador se encuentran con una etapa de instrumentación capaz de acondicionar la señal para que la DAQ6008 pueda leer y escribir información según sus características eléctricas.

Después de lograr el acondicionamiento de señal requerido, se pasó a implementar el control MPC en LabVIEW. Este diseño a parte de incluir el controlador, debía incluir algoritmos particulares para cada actuador con el fin de atenuar la propiedad de histéresis.

El rendimiento del controlador fue aceptable, aunque mostró un error en estado estable de $\pm 5^{o}C$, esto debido a que se tienen dos puntos de consigna, el valor deseado en T_{co} y en T_{ho} , por lo tanto cuando se requería un cambio en la referencia T_{ho} , el sistema intentaba llevarlo a cabo pero sin modificar el otro punto de consigna (T_{co}).

Los valores que se propusieron de Hc, Hp y rw fueron elegidos según las recomendaciones en (Wang, 2009) y considerando siempre el compromiso de la señal de control u(t) como un voltaje aplicado a las electroválvulas de forma que modifiquen el flujo de los líquidos que interactúan en el sistema. En el caso del parámetro de sintonización r_w fue imposible proponer un valor nulo debido a que exigía que la señal de control tuviera un valor muy grande; inalcanzable para la tarjeta de adquisición NIDAQ6088 que cuenta sólo con salidas de 5V.

Referencias

Afram, A. and Janabi-Sharifi, F. (2014). Theory and applications of hvac control systems–a review of model predictive control (mpc). *Building and Environment*, 72:343–355.

- Astorga-Zaragoza, C.-M., Alvarado-Martínez, V.-M., Zavala-Río, A., Méndez-Ocaña, R.-M., and Guerrero-Ramírez, G.-V. (2008). Observer-based monitoring of heat exchangers. *ISA transactions*, 47(1):15–24.
- Bemporad, A., Ricker, N. L., and Owen, J. G. (2004). Model predictive controlnew tools for design and evaluation. In *Proceedings of the 2004 American Control Conference*, volume 6, pages 5622–5627. IEEE.
- Bequette, B. W. (2003). *Process control: modeling, design, and simulation*. Prentice Hall Professional.
- Diehl, M., Uslu, I., Findeisen, R., Schwarzkopf, S., Allgöwer, F., Bock, H. G., Bürner, T., Gilles, E. D., Kienle, A., Schlöder, J. P., et al. (2001). Real-time optimization for large scale processes: Nonlinear model predictive control of a high purity distillation column. In *Online optimization of large scale* systems, pages 363–383. Springer.
- Eliana Pena, T., Perez, A. R., Miranda, A. J., and Sanchez, J. H. (2008). Modeling to a cstr reactor and evaluation of a predictive control using matlabsimulink. *INGENIERIA UC*, 15(3):97–112.
- González, A. H., Odloak, D., Marchetti, J. L., and Sotomayor, O. (2006). Infinite horizon mpc of a heat-exchanger network. *Chemical Engineering Re*search and Design, 84(11):1041–1050.
- Holkar, K. and Waghmare, L. (2010). An overview of model predictive control. International Journal of Control and Automation, 3(4):47–63.
- Maciejowski, J. M. (2002). Predictive control: with constraints. Pearson education.
- Mapok, K., Zuva, T., Masebu, H., and Zuva, K. (2013). Performance comparison of two controllers on a nonlinear system. *International Journal of Chaos, Control, Modelling and Simulation (IJCCMS)*, 2(3):17–30.
- Mercangöz, Mehmet, III, D., and J, F. (2007). Distributed model predictive control of an experimental four-tank system. *Journal of process control*,

17(3):297-308.

- Orukpe, P. (2012). Model predictive control fundamentals. *Nigerian Journal* of *Technology*, 31(2):139–148.
- Salem, F. and Mosaad, M. I. (2015). A comparison between mpc and optimal pid controllers: Case studies.
- Sawant, P., Ho, E., and Pfafferott, J. (2020). Application and analysis of a model based controller for cooling towers in compression chiller plants. *Heliyon*, 6(2):e03249.
- Sivakumar, R. and Mathew, S. (2013). Design and development of model predictive controller for binary distillation column. *International Journal of Science and Research (IJSR)*, 2:445–451.
- Sorenson, M. and Kristiansen, S. (2007). Model Predictive Control for an artificial pancreas. PhD thesis, B. Sc. Thesis, Technical University of Denmark.
- Thomsen, S., Hoffmann, N., and Fuchs, F. W. (2010). PI control, PI–based state space control, and model–based predictive control for drive systems with elastically coupled loads–A comparative study. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, 58(8):3647–3657.
- Thulukkanam, K. (2013). Heat exchanger design handbook. CRC press.
- Wang, L. (2009). Model predictive control system design and implementation using MATLAB[®]. Springer Science & Business Media.
- Weyer, E., Szederkényi, G., and Hangos, K. (2000). Grey box fault detection of heat exchangers. *Control engineering practice*, 8(2):121–131.
- Yilmazlar, E. and Kaplanoğlu, E. (2012). Design of the model predictive control education and application interface. *Journal of Software Engineering* and Applications, 5(9):677–681.
- Zhang, B., Lin, F., Zhang, C., Liao, R., and Wang, Y.-X. (2020). Design and implementation of model predictive control for an open-cathode fuel cell thermal management system. *Renewable Energy*, 154:1014–1024.