

**UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DEL
ESTADO DE HIDALGO
ESCUELA PREPARATORIA NÚMERO CINCO**



Tema: Conjuntos de números y su representación

Lic. Lucia Hernandez Granados

Enero – Junio 2021

Tema: 2.1 Conjuntos de números y su representación

Resumen

En la actualidad como en tiempos anteriores las matemáticas son una herramienta de gran importancia en el desarrollo de que el hombre, donde va adquiriendo a través de los años, esto ha permitido la evolución en la ingeniería, salud, educación, por mencionar solo algunas. El cerebro humano permite diferenciar medidas, símbolos, números, letras, donde en algunos casos aplicamos reglas de operación y agrupación.

Palabras Claves: (números, agrupación, reglas, signos, racional e irracional, potencias, raíz).



Tema: 2.1 Conjuntos de números y su representación

Abstract

A halin yanzu, kamar a lokutan baya, lissafi babban kayan aiki ne mai mahimmanci a cikin ci gaban da ɗan adam, inda yake samu a cikin shekaru, wannan ya ba da damar juyin halitta a aikin injiniya, kiwon lafiya, ilimi, don faɗi kaɗan. Kwakwalwar ɗan adam tana ba mu damar bambanta ma'auni, alamomi, lambobi, haruffa, inda a wasu lokuta muke amfani da ka'idodin aiki da haɗa kai.

Keywords: (lambobi, kungiya, dokoki, alamu, hankali da rashin tunani, iko, tushe).



Objetivo general: Desarrollar capacidades analíticas, de abstracción y de pensamiento lógico, mediante la generalización de procedimientos particulares, para que el estudiante pueda formular problemas y soluciones en términos matemáticos, así como justificar resultados.



Nombre del Bloque: II Lenguaje Simbólico

Objetivo del Bloque: Utiliza las propiedades de los números reales para abstraer problemas de su entorno en un lenguaje simbólico a través de resolución de problemas y obtener soluciones generales.



Tema: Conjuntos de números y su representación

2.1.1. Uso de los números y sus propiedades

Introducción:

La teoría de conjuntos permite describir de manera muy precisa grupos de números que tienen una propiedad común, lo que resulta muy útil para plantear las soluciones de ciertos tipos de problemas. Sin duda, el lector estará familiarizado con la mayoría de los conceptos de la teoría básica de conjuntos (se estudiaron en el capítulo anterior). En esta sección de repaso nos centraremos en el conjunto de los números reales (G. Zill & M. Dewar, 2012).



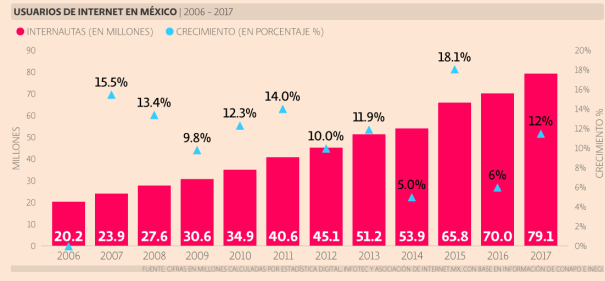
Uso de los números y sus propiedades

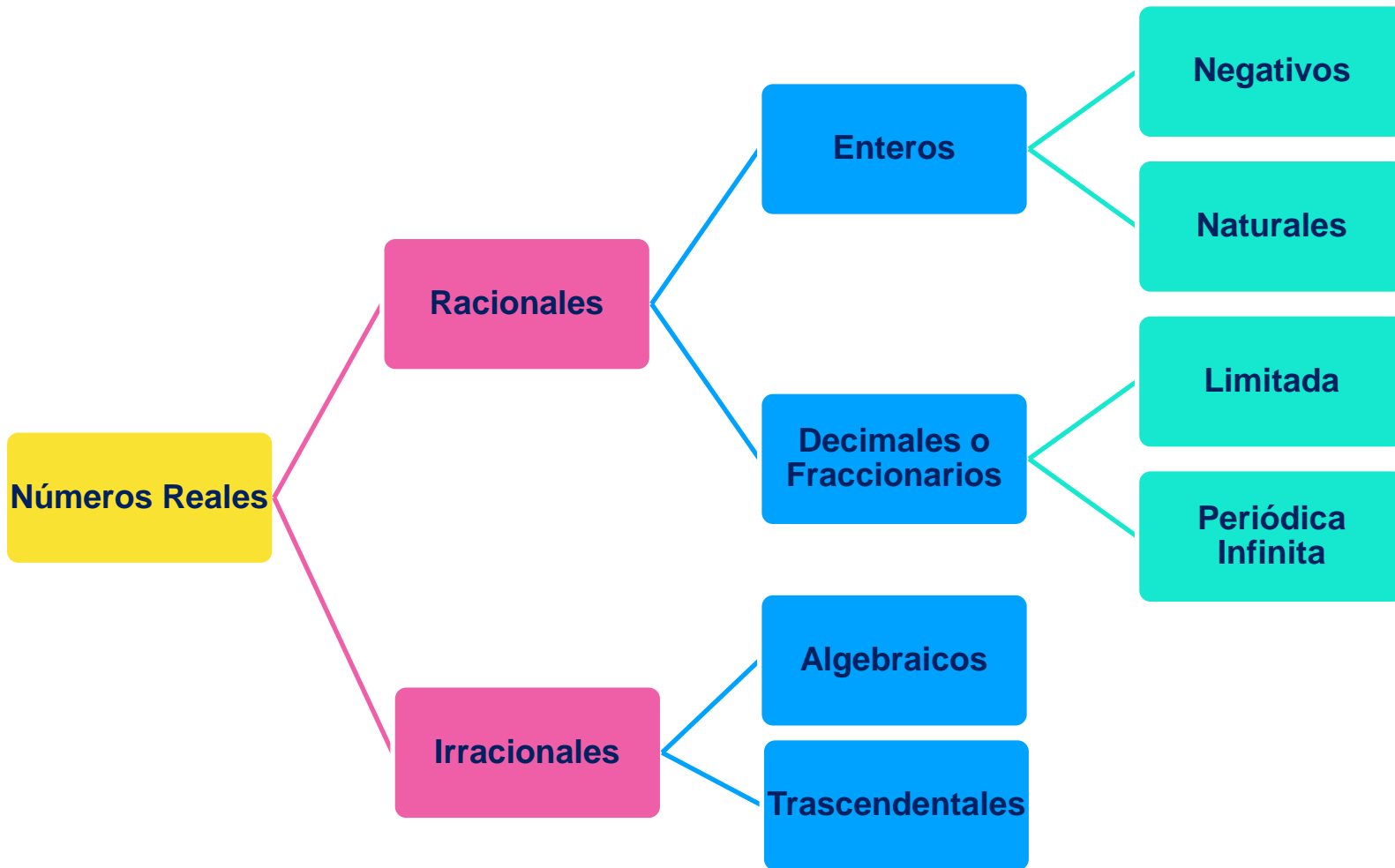




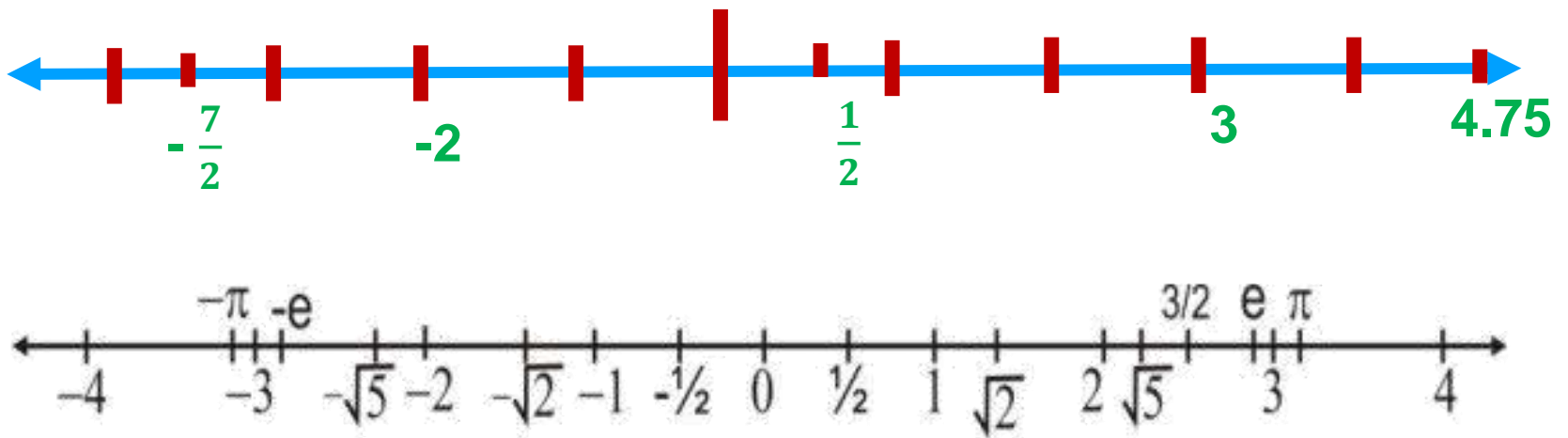
EN MÉXICO HAY 79.1 MILLONES DE USUARIOS DE INTERNET

En la recta final de su administración la tasa de crecimiento promedio anual del número de usuarios de internet durante su gestión fue de 11.5%, pasando de 51.2 millones de usuarios en 2013 a 79.1 millones de usuarios en 2017.





Uso de los números en una recta numérica



NUMEROS

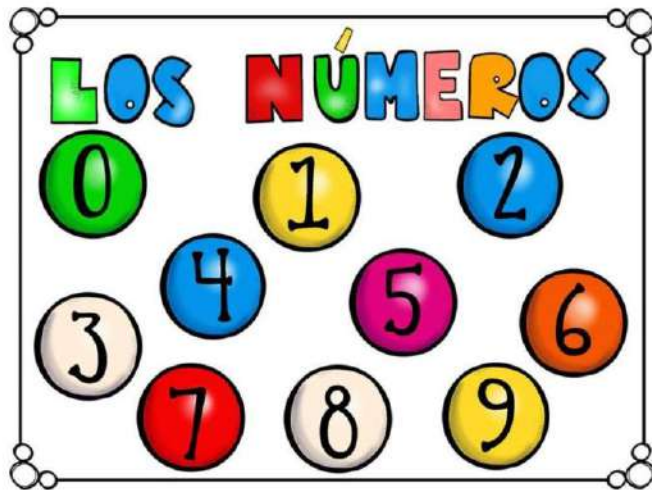
1 =		10 =	∩	100 =	∞	1000 =	∞
2 =		20 =	∩∩	200 =	∞∞	2000 =	∞∞
3 =		30 =	∩∩∩	300 =	∞∞∞	3000 =	∞∞∞
4 =		40 =	∩∩∩∩	400 =	∞∞∞∞	4000 =	∞∞∞∞
5 =		50 =	∩∩∩∩∩	500 =	∞∞∞∞∞	5000 =	∞∞∞∞∞

La noción de número es una de las más fundamentales en matemáticas. Su origen se remonta a la antigüedad y a través de los siglos ha pasado por un proceso de extensión y de generalización de los números reales.

SÍMBOLOS	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
<i>Árabes</i>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
<i>Egipcios</i>										∩
<i>Mayas</i>	—	—	—	—	—	—
<i>Romanos</i>	I	II	III	IV	V	VI	VII	VIII	IX	X



Números Reales En principio podemos definir a los números reales como aquellos números que tienen expansión decimal periódica o tienen expansión decimal no periódica



Números reales	
Números Racionales	Números Irracionales
1 1/5 -9	$\sqrt{5}$
0 -13	$\sqrt{2}$
5/3	e $\sqrt{3}$



Números Naturales (N), los que usamos para contar.

Por ejemplo, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, ... *f*

Números Enteros (Z), son los números naturales, sus negativos y el cero. Por ejemplo, ...- 3, -2, -1, 0, 1, 2, 3,... *f*

Números Fraccionarios, son aquellos números que se pueden expresar como cociente de dos números enteros, es decir, son números de la forma b/a con a, b enteros y $b \neq 0$.



Números Algebraicos, son aquellos que provienen de la solución de alguna ecuación algebraica y se representan por un número finito de radicales libres o anidados

$$\sqrt{2}, \quad \frac{1+\sqrt{3}}{2}, \quad \frac{\sqrt{1+\sqrt{3}}}{4}$$



Números Trascendentales, no pueden representarse mediante un número finito de raíces libres o anidadas; provienen de las llamadas funciones trascendentes: trigonométricas, logarítmicas y exponenciales.

El número π y e son irracionales trascendentes, puesto que no pueden expresarse mediante radicales.

Los irracionales trascendentes también surgen al escribir números decimales no periódicos al azar o con un patrón que no lleva periodo definido. Por ejemplo,

0,1234567891011121314151617181920212223



Propiedades

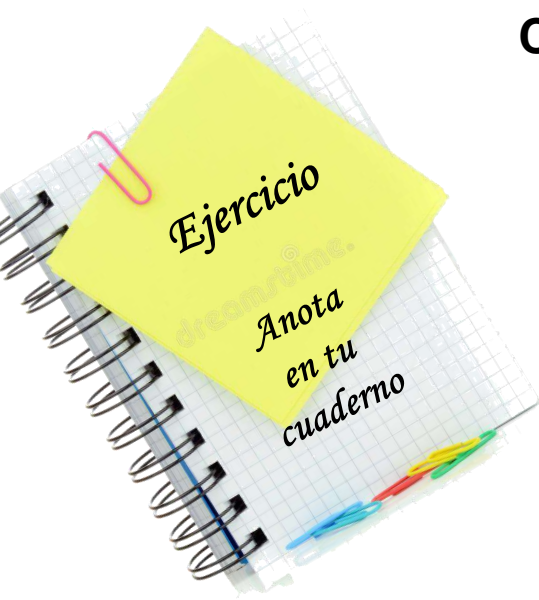
Nombre de la Regla	Regla	Ejemplo
<i>Regla del producto</i>	$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$	$2^3 \cdot 2^4 = 2^{3+4} = 128$
	$a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$	$3^2 \cdot 4^2 = (3 \cdot 4)^2 = 144$
<i>Regla del cociente</i>	$a^n / a^m = a^{n-m}$	$2^5 / 2^3 = 2^{5-3} = 4$
	$a^n / b^n = (a / b)^n$	$4^3 / 2^3 = (4/2)^3 = 8$
<i>Regla de la potencia</i>	$(b^n)^m = b^{n \cdot m}$	$(2^3)^2 = 2^{3 \cdot 2} = 64$
	$b^{n^m} = b^{(n^m)}$	$2^{3^2} = 2^{(3^2)} = 512$
	$\sqrt[m]{b^n} = b^{n/m}$	$\sqrt[2]{2^6} = 2^{6/2} = 8$
	$b^{1/n} = \sqrt[n]{b}$	$8^{1/3} = \sqrt[3]{8} = 2$
<i>Exponentes negativos</i>	$b^{-n} = 1 / b^n$	$2^{-3} = 1/2^3 = 0.125$
<i>Regla del Cero</i>	$b^0 = 1$	$5^0 = 1$
	$0^n = 0$, para $n > 0$	$0^5 = 0$
<i>Regla del Uno</i>	$b^1 = b$	$5^1 = 5$
	$1^n = 1$	$1^5 = 1$
<i>Regla del menos uno</i>	$(-1)^n = \begin{cases} 1 & , n \text{ Par} \\ -1 & , n \text{ Impar} \end{cases}$	$(-1)^5 = -1$



Propiedad	Adición	Producto
Conmutativa	$a + b = b + a$	$a \cdot b = b \cdot a$
Asociativa	$a + (b + c) = a + (b + c)$	$a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$
Elemento Neutro	$a + 0 = 0 + a = a$	$a \cdot 1 = 1 \cdot a = a$
Elemento Simétrico	$a + (-a) = (-a) + a = 0$	$a \cdot a^{-1} = a^{-1} \cdot a = 1$
Distributiva	$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$	



Completa la siguiente tabla con los datos que corresponden



Numero	Ejemplo
Racional	
Natural	
	$\sqrt{7}$
	-10
Fraccionario	
	$\frac{\sqrt{5} + 2}{3}$



Completa la siguiente tabla con los datos que corresponden



Nombre de la regla	Ejemplo	Resultado
	1^3	$= 1$
Producto		
	7^1	$= 7$
	0^3	$= 0$
Cociente		
	$7^{\frac{2}{3}}$	$= \sqrt[3]{7^2} = 3.65$
	7^{-4}	$= \frac{1}{7^4} = 0.00042$
Potencia		
	$3^2 \cdot 3^3$	$3^5 = 243$
Cero		
Uno		



2.1.2. Operaciones básicas y su jerarquía

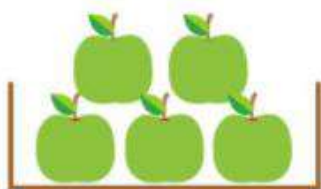
Debemos conocer que una operación tiene por definición que es un conjunto de reglas ya establecidas que permiten obtener otras cantidades o expresiones, que por ende son diferentes a las iniciales y en la mayoría de casos es de un solo término. En el caso de las operaciones básicas que estudiaremos podemos afirmar que todas estas tendrán un solo término matemático al final de resolverlas.

Las operaciones básicas en matemáticas son cuatro:

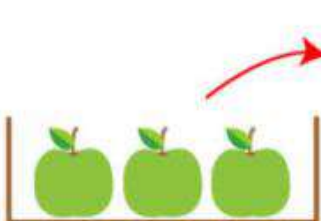
- Suma
- Resta,
- Multiplicación
- División



$$\begin{array}{r} 3 \\ + 4 \\ \hline = 7 \end{array}$$



tenemos 5
manzanas en una cesta



quitamos 2

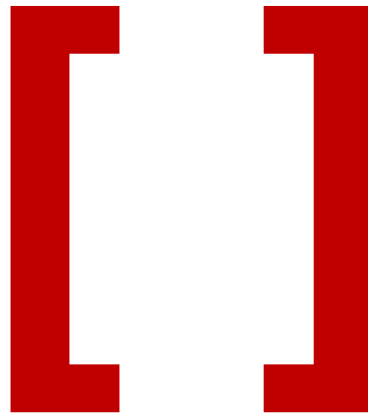
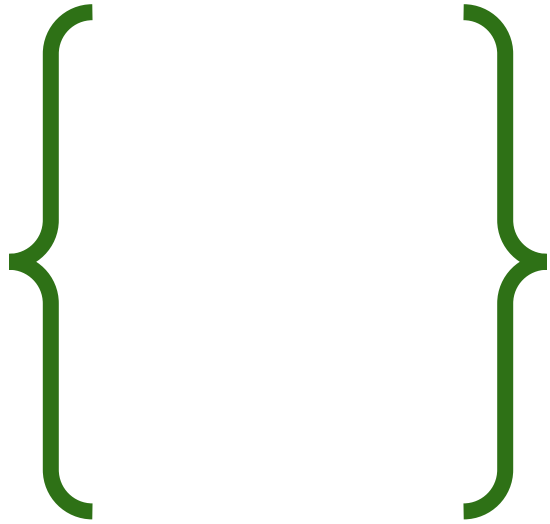
en la cesta nos quedan 3

$$5 - 2 = 3$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ \times 13 \\ \hline 36 \\ 12 \end{array}$$



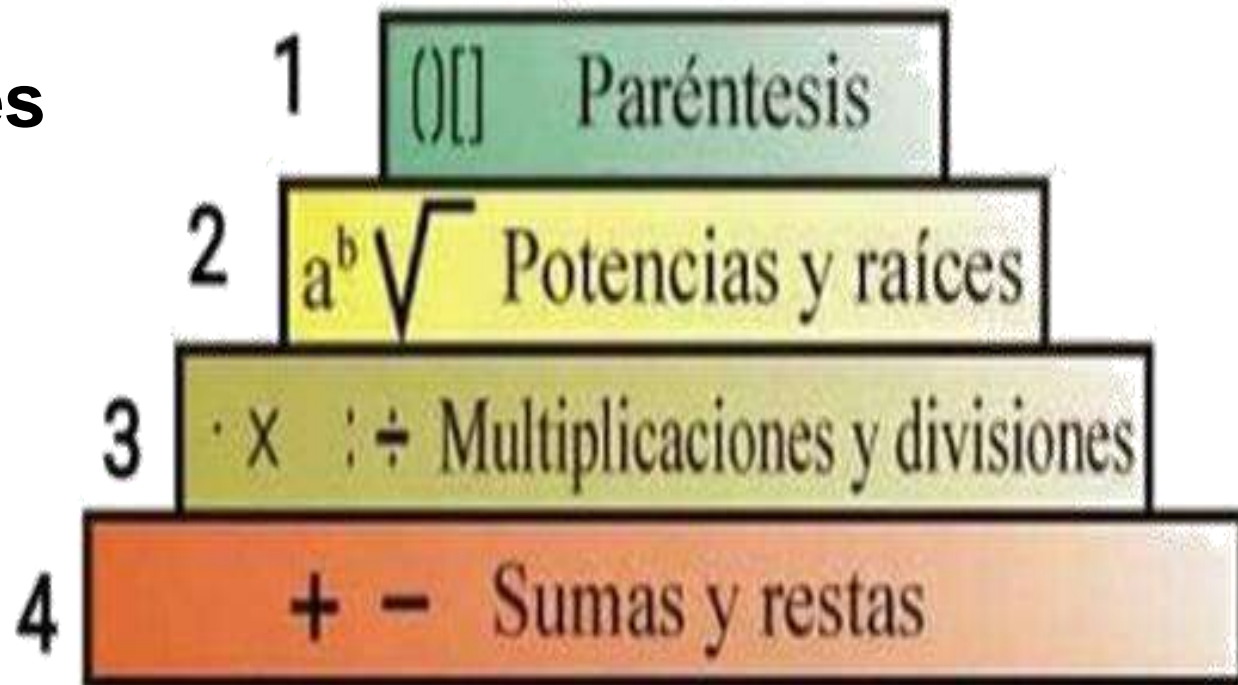
Signos de agrupación



Jerarquías

- **Paréntesis**
- **Exponentes**
- **Multiplicaciones**
- **Divisiones**
- **Adiciones**
- **Sustracciones**

jerarquía de operaciones



Ejemplo 1:

$$2 + 7 \cdot 8 / 2$$

$$2 + 56 / 2$$

$$2 + 28$$

$$30$$

°[Se multiplicó $7 \cdot 8$]

°[Se dividió $56 / 2$]

°[Se sumó $28 + 2$]

Ejemplo 2:

$$5 \cdot (9 - 6) + 8$$

$$5 \cdot 3 + 8$$

$$15 + 8$$

$$23$$

° Se resuelve el paréntesis >

° Se restó $9 - 6 = 3$ >

° Se multiplicó $5 \cdot 3$ >

° Se sumó $15 + 8$ >





Entra al siguiente link:



<http://newton.matem.unam.mx/aritmetica/index.html>

Ejercicios y problemas de aritmética y álgebra

Clic



Dr. Carlos Hernández Garciadiego
Instituto de Matemáticas, UNAM



Algebra Básica en
COURSERA-
UNAM

Ejercicios de aritmética

Problemas de aritmética y álgebra elemental

Ecuaciones de primer grado

Ecuaciones simultáneas de dos variables

Estos ejercicios pueden ejecutarse en cualquier computadora, tableta o teléfono con navegador, ya que no requieren de ningún plugin.

El navegador debe tener habilitado JavaScript.



Bibliografía

BÁSICA

González Sánchez Salvador, Matemáticas 1, Morelia, Michoacán.

UMICH

Lorenia, V. C. (2012). Matemáticas I. Hermosillo, Sonora: Colegio de Bachilleres del Estado de Sonora.

G. Zill, D., & M. Dewar, J. (2012). Algebra, trigonometria y Geometria Analitica (Tercera ed.). México, México, Mexico: Mc Gran Hill Education. doi:ISBN: 978-607-15-0714-3

COMPLEMENTARIA

Hidalgo, U. A. (s.f.). Centro de Innovación para el Desarrollo y la Capacitación en Materiales Educativos. Obtenido de <http://cidecame.uaeh.edu.mx/lcc/mapa/PROYECTO/libro5/index.html>

<http://newton.matem.unam.mx/aritmetica/index.html>

